

令和4年度 岐阜市立女子短期大学 一般選抜Ⅰ試験問題 数学(その1)

注意：問題用紙、計算用紙は回収しないので、解答はすべて解答用紙に記入すること。

解の根拠、計算の途中の過程がわかるように記述すること。

〔共通問題〕 以下のⅠおよびⅡの問題について、全員解答しなさい。

Ⅰ. 次の式を因数分解しなさい。

(1) $16a^4 - 1$

(2) $9a^4 - 7a^2 + 1$

(3) $2a^2 - ab - 3b^2 + a - 4b - 1$

Ⅱ.

$x = \frac{3-\sqrt{8}}{3+\sqrt{8}}$ 、 $y = \frac{3+\sqrt{8}}{3-\sqrt{8}}$ のとき、次の式の値を求めなさい。

(1) $x + y$, xy (2) $x^2 + y^2$ (3) $x^3 + y^3$

令和4年度 岐阜市立女子短期大学 一般選抜 I 試験問題 数学 (その2)

[選択問題] 以下のⅢからⅤの3つの問題の中から2つの問題を選択して解答しなさい。

選択した問題の番号を、解答用紙の口の番号欄に記入すること。

Ⅲ. 交通系カード2枚、ポイントカード5枚、診察券3枚の計10枚のカード (内容は全て異なる) がある。この10枚のカードをカードケースのポケット10か所に1枚ずつ収納する。

- (1) すべてのカードの異なる納め方は何通りあるか求めなさい。
- (2) カードの種類をそろえるために同じ種類のカードを並べて納めるとき、異なる納め方は何通りあるか求めなさい。

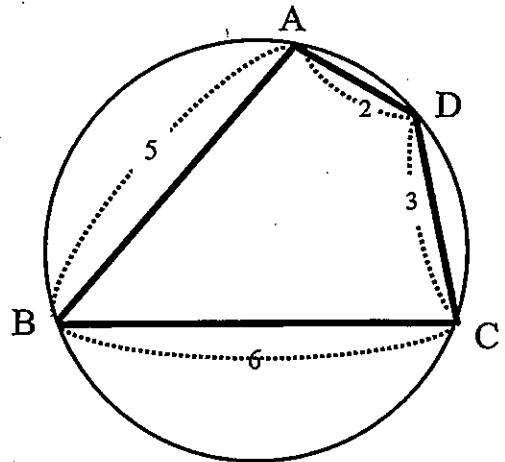
Ⅳ. 次の問いに答えなさい。

- (1) a, b は整数とする。 a を8で割ると2余り、 b を8で割ると5余る。このとき、 $3a+5b$ の値を8で割った時の余りを求めなさい。

- (2) $\sqrt{\frac{84n}{5}}$ が自然数となるような、最小の自然数 n を求めなさい。

Ⅴ. 円に内接する四角形 $ABCD$ において、それぞれの辺の長さを $AB=5$ 、 $BC=6$ 、 $CD=3$ 、 $DA=2$ とする。
このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 対角線 AC の長さを求めなさい。
- (2) 四角形 $ABCD$ の面積 S を求めなさい。



令和4年度 岐阜市立女子短期大学 数学 一般入学試験 解答例

I.

(1) $16a^4 - 1$

$$= (4a^2)^2 - 1^2$$

$$= (4a^2 - 1)(4a^2 + 1)$$

$$= \underline{\underline{(2a+1)(2a-1)(4a^2+1)}}$$

(2) $9a^4 - 7a^2 + 1$

$$= 9a^4 - 6a^2 + 1 - a^2$$

$$= (3a^2 - 1)^2 - a^2$$

$$= \{(3a^2 - 1) - a\}\{(3a^2 - 1) + a\}$$

$$= \underline{\underline{(3a^2 - a - 1)(3a^2 + a - 1)}}$$

(3) $2a^2 - ab - 3b^2 + a - 4b - 1$

$$= 2a^2 + a(-b + 1) - (3b^2 + 4b + 1)$$

$$= 2a^2 + a(-b + 1) - (3b + 1)(b + 1)$$

$$= 2a^2 + 2a(b + 1) + a(-3b - 1) - (3b + 1)(b + 1)$$

$$= (3b + 1)(-a - (b + 1)) - 2a(-a - (b + 1))$$

$$= (-2a + 3b + 1)(-a - (b + 1))$$

$$= (-2a + 3b + 1)(-a - b - 1)$$

$$= \underline{\underline{(2a - 3b - 1)(a + b + 1)}}$$

II. (1)

$$\begin{aligned}x + y &= \frac{3 - \sqrt{8}}{3 + \sqrt{8}} + \frac{3 + \sqrt{8}}{3 - \sqrt{8}} \\&= \frac{(3 - \sqrt{8})^2 + (3 + \sqrt{8})^2}{(3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8})} \\&= \frac{9 - 6\sqrt{8} + 8 + 9 + 6\sqrt{8} + 8}{9 - 8} \\&= 34 \\&= \underline{\underline{\quad}}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}xy &= \frac{3 - \sqrt{8}}{3 + \sqrt{8}} \cdot \frac{3 + \sqrt{8}}{3 - \sqrt{8}} \\&= 1 \\&= \underline{\underline{\quad}}\end{aligned}$$

(2)

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 \\&= (x + y)^2 - 2xy\end{aligned}$$

$$= 34^2 - 2 \cdot 1$$

$$= 1156 - 2 = 1154 \\= \underline{\underline{\quad}}$$

(3)

$$\begin{aligned}x^3 + y^3 \\&= (x + y)^3 - 3xy(x + y)\end{aligned}$$

$$= 34^3 - 3 \cdot 1 \cdot 34$$

$$= 39304 - 102$$

$$= 39202 \\= \underline{\underline{\quad}}$$

III. (1)

10 種類のカードの並び順なので、

10 !

$$= \underline{\underline{3,628,800}}$$

(2)

交通系カードを A、ポイントカードを B、診察券を C とすると、

ABC の並べ方が 3 ! 通り、

A の中は 2 ! 通り

B の中は 5 ! 通り

C の中は 3 ! 通り

よって、カードの並び順は

$$3 ! \times 2 ! \times 5 ! \times 3 !$$

$$= 6 \times 2 \times 120 \times 6$$

$$= \underline{\underline{8640}}$$

IV. (1)

$a=8m+2, b=8n+5$ とおくと (m, n は整数)、

$$3a+5b = 3(8m+2)+5(8n+5)$$

$$= 24m+6+40n+25 = 24m+40n+31$$

$$= 8(4m+5n+3)+7$$

ここで、 $4m+5n+3$ は整数なので、8 で割った時の余りは 7

(2)

$$84 = 2^2 \times 3 \times 7$$

$\frac{84n}{5}$ の素因数分解において、それぞれの素因数の指数がすべて偶数になればよい。

また、自然数 n は素因数に 5 が必要である。

$n=3 \times 5 \times 7$ のとき

$$\frac{84n}{5} = \frac{(2^2 \times 3 \times 7) \times 3 \times 5 \times 7}{5} = 2^2 \times 3^2 \times 7^2$$

$$\sqrt{\frac{84n}{5}} = \sqrt{2^2 \times 3^2 \times 7^2} = 2 \times 3 \times 7 = 42$$

で自然数となる。

$$\frac{84n}{5} = 42^2$$

$$n = 42^2 \cdot \frac{5}{84} = 105$$

したがって、求める自然数 n は 105

V (1)

△ABC において、余弦定理より

$$AC^2 = 5^2 + 6^2 - 2 \cdot 5 \cdot 6 \cdot \cos \angle ABC$$

$$= 61 - 60 \cos \angle ABC \dots\dots ①$$

△ADC において、余弦定理より

$$AC^2 = 3^2 + 2^2 - 2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot \cos \angle ADC$$

$$= 13 - 12 \cos(180^\circ - \angle ABC)$$

$$= 13 + 12 \cos \angle ABC \dots\dots ②$$

$$①, ② \text{ から } 61 - 60 \cos \angle ABC = 13 + 12 \cos \angle ABC$$

これを解いて

$$\cos \angle ABC = \frac{2}{3}$$

$$① \text{ に代入すると } AC^2 = 61 - 60 \cdot \frac{2}{3} = 21$$

$$AC > 0 \text{ から } \underline{\underline{AC = \sqrt{21}}}$$

(2)

$$\sin \angle ABC = \sqrt{1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\sin \angle ADC = \sin(180^\circ - \angle ABC) = \sin \angle ABC \text{ より}$$

$$S = \triangle ABC + \triangle ADC$$

$$= \frac{1}{2} \cdot AB \cdot BC \cdot \sin \angle ABC + \frac{1}{2} \cdot AD \cdot DC \cdot \sin \angle ADC$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot 6 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} + \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$= 5\sqrt{5} + \sqrt{5}$$

$$= \underline{\underline{6\sqrt{5}}}$$

